



Electrocinétique l

Régime continu







Ecole Nationale des Sciences Appliquées Tétouan, UAE

Introduction

L'Electrocinétique est la branche de l'Electromagnétisme qui étudie le transport des charges électriques dans les circuits conducteurs. Elle a envahi tous les secteurs de l'économie et de la vie quotidienne. Il suffit d'imaginer ce qu'il nous arriverait si la terre était privée de tout courant électrique pendant vingt-quatre heures. . .

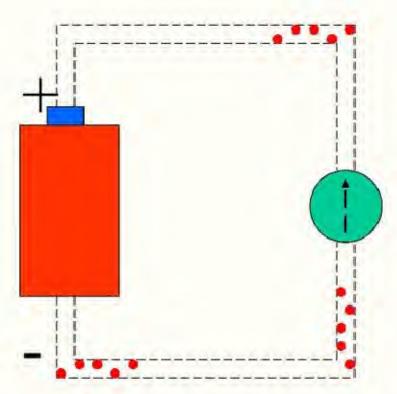
L'énergie électrique est essentiellement obtenue par conversion d'énergie chimique, dans les centrales thermiques – les énergies hydrauliques (barrages) et nucléaires (centrales) restant minoritaires à l'échelle planétaire. l'Electrocinétique est enseignée dans un but pratique. Il ne s'agit pas d'exposer des théories spectaculaires ou de réaliser des prouesses mathématiques, mais de décrire les situations simples et concrètes que rencontre la technologie.

Sciences

Courant électrique

Le courant électrique est un déplacement de charges électriques dans la matière.

Les électrons chargés négativement circulent : de la borne – vers la borne + du générateur.



Quantité d'électricité

L'unité de charge électrique est le COULOMB (C).

La charge d'un électron est de : - 1,6 x 10⁻¹⁹ C.

Courant électrique

Le sens de circulation conventionnel du courant électrique est de la borne + vers la borne - du générateur.

L'unité d'intensité est l'AMPÈRE (A).

Multiples:

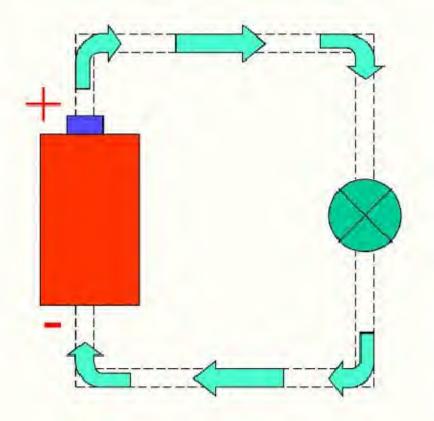
Le Kilo ampère : $1kA = 10^3 A$.

Sous-multiples:

Le milliampère : $1 \text{ mA} = 10^{-3} \text{ A}$.

Le microampère : $1\mu A = 10^{-6} A$.

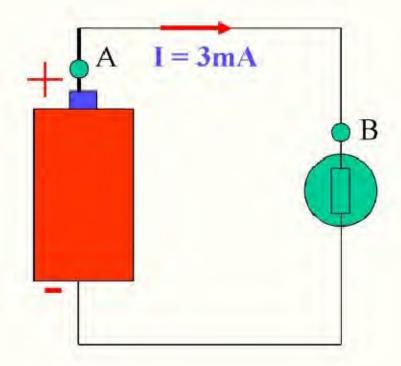
Le nanoampère : $1nA = 10^{-9} A$.

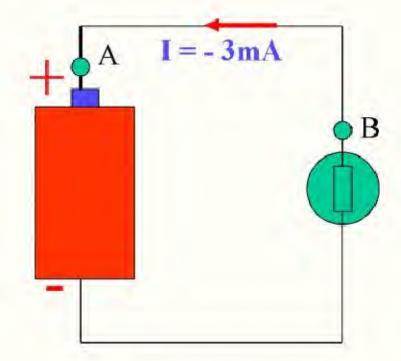


Tétouan, UAE

Représentation d'un même courant électrique

Deux manières de représenter un courant de 3 mA circulant de A vers B.



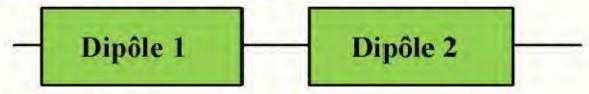


I – Définitions sur les circuits électriques :

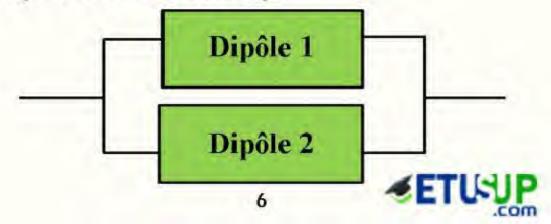
1 – Réseaux et dipôles:

Un réseau est un circuit électrique complexe, formé de fils conducteurs et de composants reliés à l'extérieur par 2 bornes (des dipôles).

Des dipôles peuvent être placés en série :



Ou en parallèle (en dérivation):

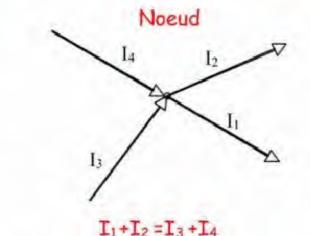


2 – Maille, branche et nœud:

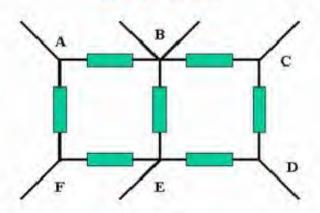
Nœud: un nœud du réseau est un point d'interconnexion relié à au moins trois dipôles.

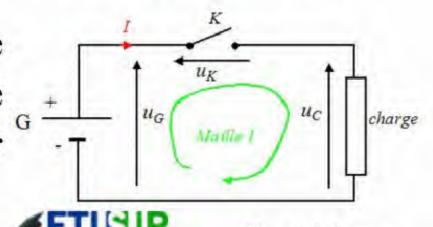
Branche: une branche est une portion de circuit comprise entre deux nœuds. Elle peut comprendre un ou plusieurs dipôles placés en série.

Maille: une maille est un ensemble de branches, formant une boucle fermée, qui ne passe qu'une fois par un nœud donné.



Appliquées Tétouan, UAE



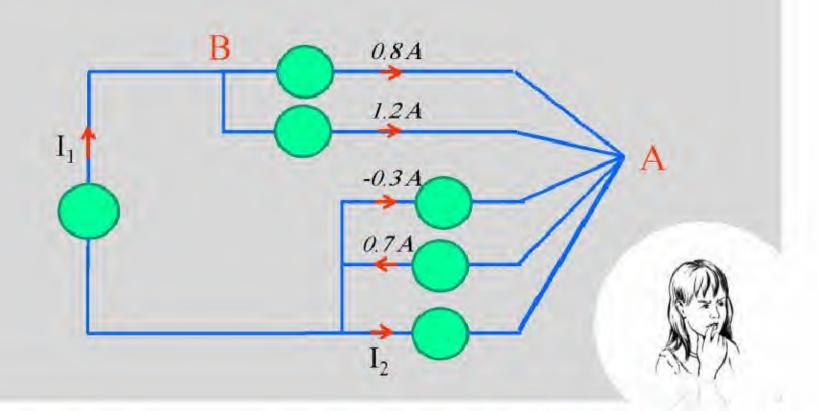


Electrocinétique

Application

Intensité du courant dans un dipôle

Déterminer les intensités l₁ et l₂ non précisées sur le schéma ci-dessous.



Application

Intensité du courant dans un dipôle

Solution

Les courants d'intensité 0,8 A, 1,2 A et -0,3 A arrivant en A, alors que les courants d'intensité 0,7 A et I₂ Repartent de A . D'après la loi des nœuds:

$$0.8+1.2-0.3=0.7+l_2$$
, d'où: $l_2=1$ A

■ De même, le courant d'intensité l₁ arrive en B et les courants d'intensités 0,8 et 1,2 A repartent de B, D'après la loi des nœuds :

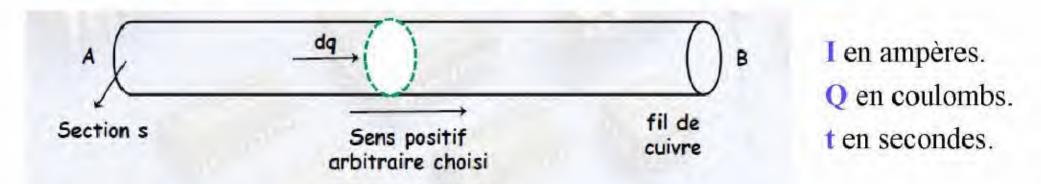
$$I_1=0,8+1,2=2$$
 A

Ecole Nationale des Sciences Tétouan, UAE

3 – Nature du courant électrique (dans les métaux) :

Le courant électrique est dû à un mouvement d'ensemble des électrons de conduction.

Intensité d'un courant électrique (dans un métal):



On note dq la quantité de charges électriques qui circulent dans le sens positif choisi pendant l'intervalle de temps dt à travers la section transverse s du conducteur.

L'intensité i du courant électrique est alors :

Si i > 0: le courant va réellement de A vers B (et les électrons de B vers A).

Si i < 0: le courant va réellement de B vers A (et les électrons de A vers B, car dq < 0.

Si i = cste = I, on parle de régime continu (indépendant du temps).

A un instant donné, l'intensité d'un courant variable est la même tout le long d'un circuit sans dérivation : c'est l'approximation des régimes quasi-stationnaires (on néglige le temps de propagation du signal électrique).

Application

Charge d'une batterie

Pour recharger une batterie, un chargeur délivre un courant d'intensité 5 mA sous une tension de 12 V et fonctionne pendant 10 heures.

- a) Quelle quantité d'électricité circule dans les d'alimentation de la batterie lors de cette charge?
- b) Les porteurs de charge sont les électrons. Combien d'électrons ont circulé pendant cette charge?



Application

Charge d'une batterie

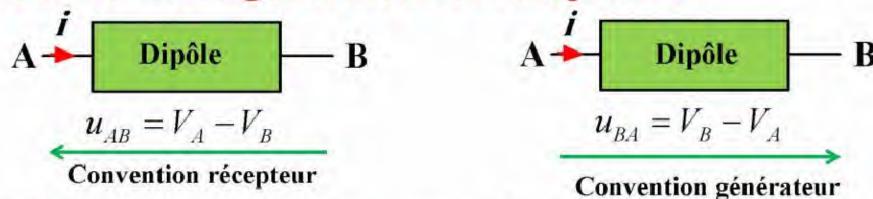
Solution

- a) L'intensité du courant l=5 A est constante. La durée de la charge est t=10h =3,6.10⁴ s · La quantité d'électricité circulant dans les fils d'alimentation vaut donc: Q=It=5.10⁻³ x 3,6.10⁴ = 1,8.10² C
- b) La valeur absolue de la charge d'un électron est e= 1,6.10-19 C. Pour avoir la charge Q, il a donc circulé dans les fils N électrons tels que:

d'où : $N=Q/e=1,8.10^2/1,6.10^{-19}=1,1~10^{21}$ électrons

II – Conventions de signe, caractéristiques de dipôles :

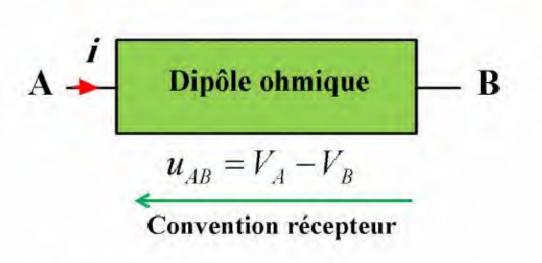
1 - Conventions générateur et récepteur :

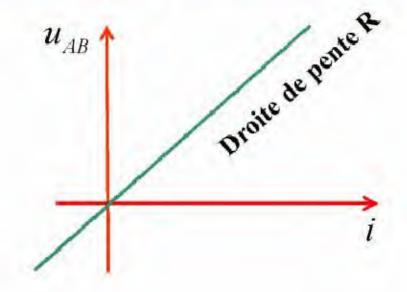


Le choix arbitraire des conventions n'indique pas pour autant le type de fonctionnement réel (générateur ou récepteur) du dipôle.

Si deux dipôles sont reliés entre eux, les conventions sont nécessairement récepteur pour l'un et générateur pour l'autre.

2 – Caractéristiques de conducteurs ohmiques, loi d'Ohm:





$$u_{AB} = Ri$$

R est la résistance du conducteur (exprimée en ohm, Ω)

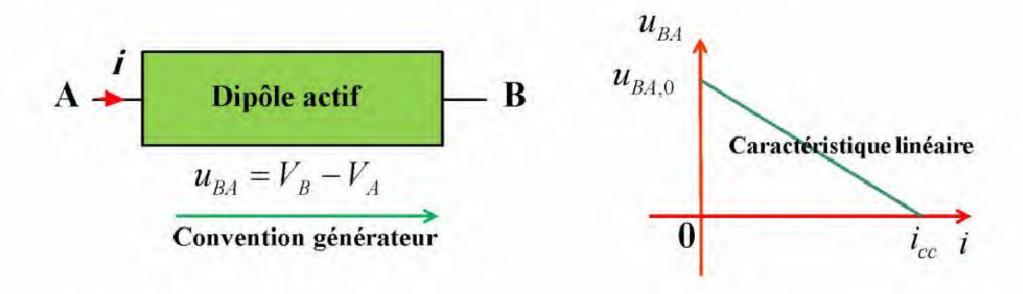
$$i = Gu_{AB}$$
, $G=1/R$

G est la conductance du conducteur (exprimée en siemens, S)

mars-12

Lois fondamentales de l'électrocinétique

3 – Caractéristiques de générateurs (dipôles actifs linéaires) :



L'équation de la caractéristique du dipôle actif linéaire est : u_{n+n}

$$u_{BA} = u_{BA,0} - \frac{u_{BA,0}}{i_{cc}}i$$

 u_{BA} tension à vide (i = 0), mesurée avec un voltmètre.

 i_{cc} intensité de court-circuit $u_{BA} = 0$, mesurée avec un ampèremètre.

ampèremètre.

On note :
$$r = \frac{u_{BA,0}}{i_{cc}}$$

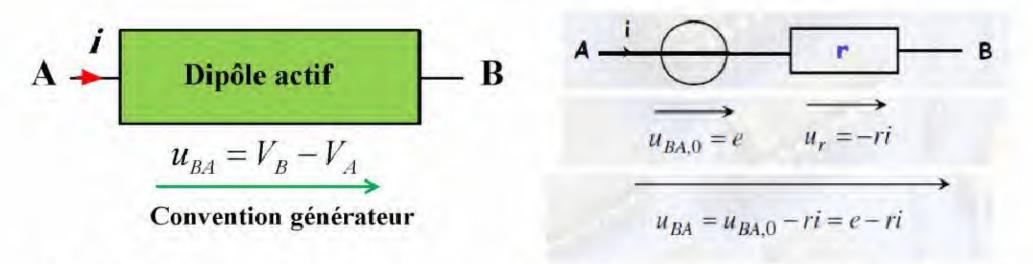
Alors $u_{BA} = u_{BA,0} - ri$

Dipôle actif

 $u_{BA} = V_B - V_A$

Convention générateur

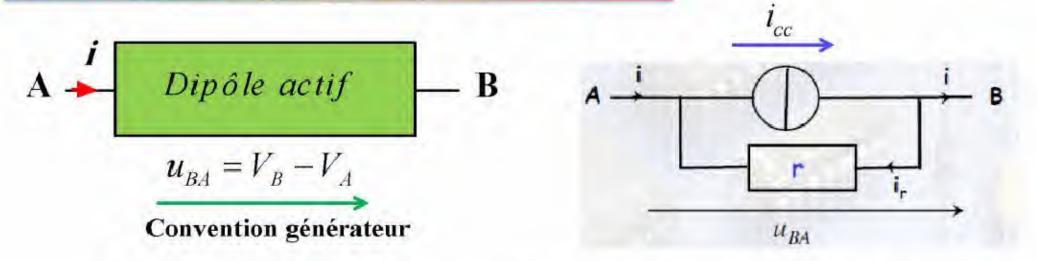
Le dipôle actif linéaire est ainsi équivalent aux deux éléments suivants :



Un générateur idéal de tension de fém notée e (égale à la tension à vide aux bornes du dipôle) en série avec Un conducteur ohmique de résistance r (résistance interne du dipôle actif).

Cette modélisation du dipôle actif est appelée

(modélisation de Thévenin)



$$i = i_{cc} - i_r = i_{cc} - \frac{1}{r} u_{BA}$$
 ; $u_{BA} = ri_{cc} - ri$; $e = ri_{cc}$

Un générateur idéal de courant électromoteur i_{cc} (égal au courant de court-circuit du dipôle actif) en parallèle avec un conducteur ohmique de résistance r (résistance interne du dipôle actif).

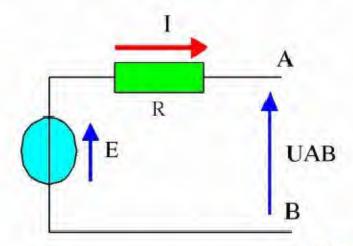
Cette modélisation du dipôle actif est appelée

Modélisation d'un générateur linéaire

On peut utiliser les deux modèles équivalents suivants :

Modèle source de tension

On pose $E = U_0$ et $R = U_0/I_0$ et donc U = E - R.IOn peut remplacer le dipôle par une source de tension idéale de f.e.m. E en *série* avec une résistance R.

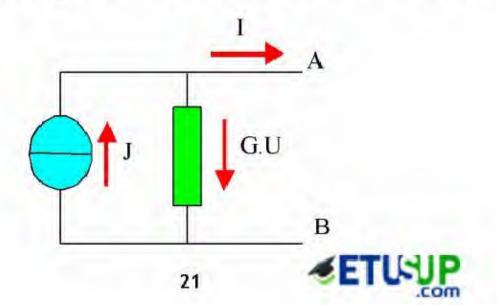


Modélisation d'un générateur linéaire

Modèle source de courant

On pose $J = I_0$ et $G = I_0/U_0$ et donc : I = J - G.U

On peut remplacer le dipôle par une source de courant idéale d'intensité J en *parallèle* avec une résistance R.



Modélisation d'un générateur linéaire

Ces deux représentations sont duales :

$$G = 1/R$$

$$J = E/R$$



$$J = E/R \iff R = 1/G$$

$$E = R.J$$

Si les dipôles ainsi modélisés sont des générateurs purs, la résistance R se nomme la résistance interne du générateur. Elle est nulle pour un générateur de tension idéal et infinie pour un générateur de courant idéal. E est la force électromotrice (f.e.m.) à vide c'est-à-dire sans charge entre A et B.

http://subaru2.miy-lemans.fr/enseignements/physique/02/electri/kirchhoff.html

4 – Associations de dipôles :

Associations de conducteurs ohmiques :

En série:

Les résistances s'ajoutent : $R_{\acute{e}q} = R_1 + R_2$

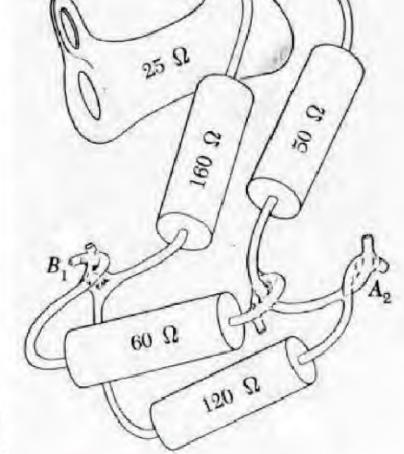
En parallèle (en dérivation):

Les conductances s'ajoutent : $G_{eq} = G_1 + G_2$

$$\frac{1}{R_{\acute{e}q}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}$$
 soit $R_{\acute{e}q} = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}$

Application

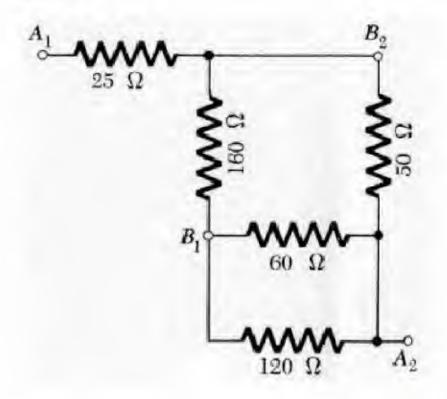
- Trouvez la représentation en circuit équivalente à la structure suivante:
- 2. Trouvez la résistance équivalente R_A entre A_1 et A_2 de même la résistance équivalente R_B entre B_1 et B_2





Application

Solution

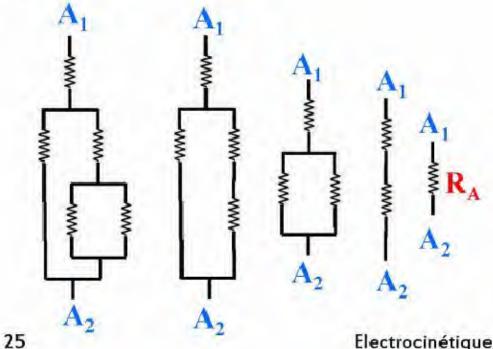


2. La résistance équivalente entre A_1 et A_2 est :

$$R_A = 65 \Omega$$

La résistance équivalente entre B_1 et B_2 est :

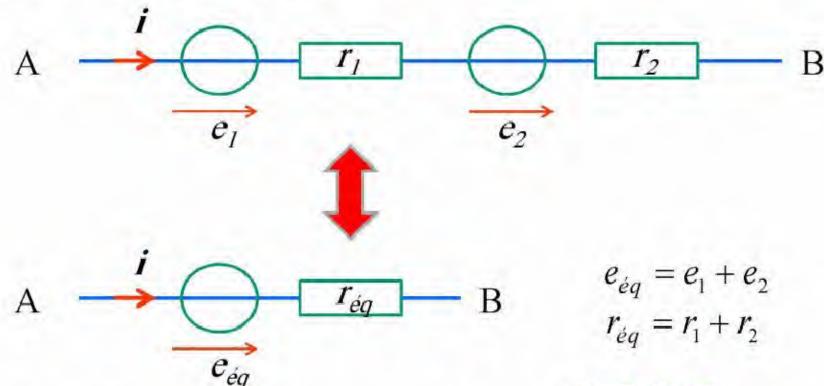
$$R_B = 57.6 \Omega$$



Associations de dipôles actifs linéaires :

En série (choix du modèle de Thévenin):

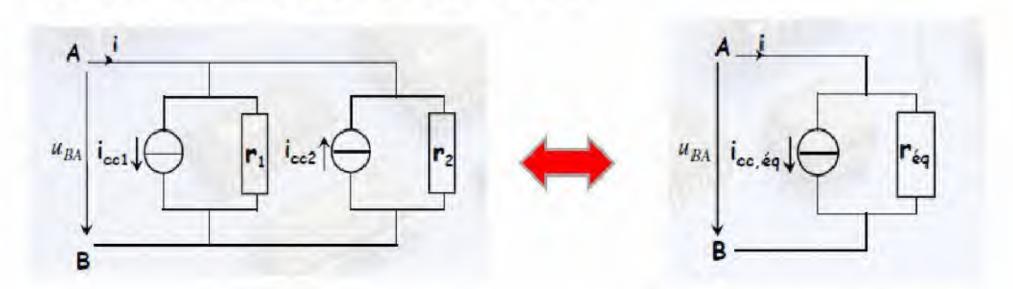
Les fém s'ajoutent (algébriquement) et les résistances internes s'additionnent.



Associations de dipôles actifs linéaires :

En parallèle (choix du modèle de Norton) :

Les courants électromoteurs s'ajoutent (algébriquement) et les conductances s'additionnent.

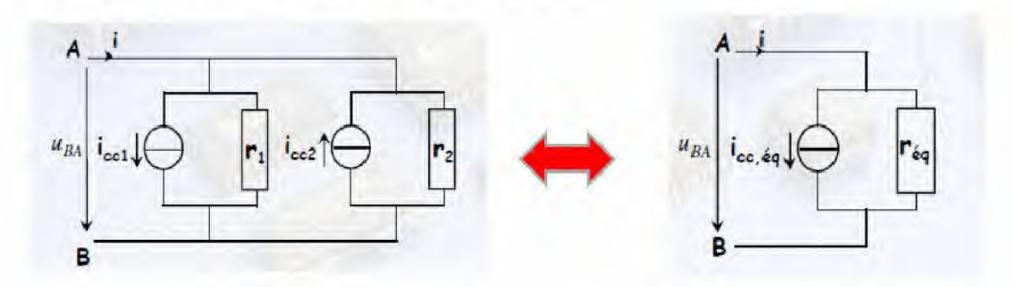


$$i_{cc,\acute{e}q} = i_{cc,1} - i_{cc,2}$$
; $\frac{1}{r_{\acute{e}q}} = \frac{1}{r_1} + \frac{1}{r_2}$

Associations de dipôles actifs linéaires :

En parallèle (choix du modèle de Norton) :

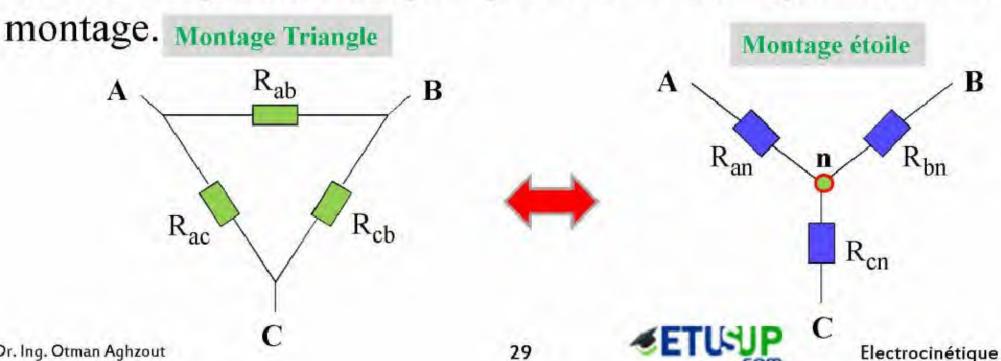
Les courants électromoteurs s'ajoutent (algébriquement) et les conductances s'additionnent.



$$i_{cc,\acute{e}q} = i_{cc,1} - i_{cc,2}$$
; $\frac{1}{r_{\acute{e}q}} = \frac{1}{r_1} + \frac{1}{r_2}$

Théorème de Kennelly

Le théorème de Kennelly, permet la transformation d'un montage de dipôles de type triangle en montage de type étoile ou visse versa. Ce théorème est utile dans le cas où l'on souhait simplifier des schémas. En réalité il s'agit surtout d'équations simples permettant une équivalence de



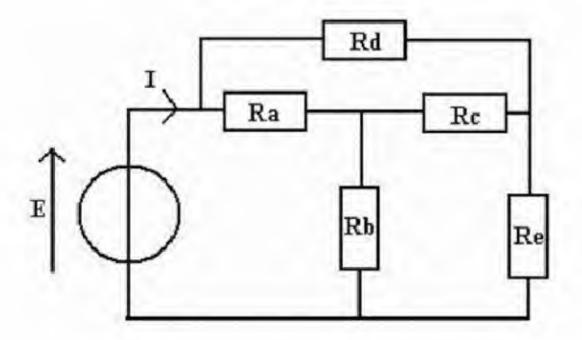
mars-12

Lois fondamentales de l'électrocinétique

Application

Théorème de Kennelly

Trouvez la représentation en circuit équivalente à la structure suivante:



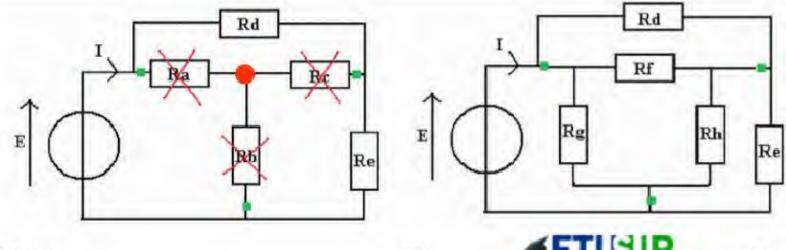


Application

Théorème de Kennelly

Nous allons simplifier le schéma en remplacent l'étoile (Ra, Rb et Rc) par un triangle (Rf, Rg et Rh). Parfois les montages sont très complexes ainsi il faut procéder méthodiquement, marquer les points de l'étoile (points verts), rayer les trois résistances à modifier puis relier les points avec de nouvelles résistances (Rf, Rg et Rh).

Nous notons la disparition du nœud central de l'étoile (point rouge), attention Kennelly ne s'applique pas si ce nœud est connecté à un 4éme élément.



mars-12

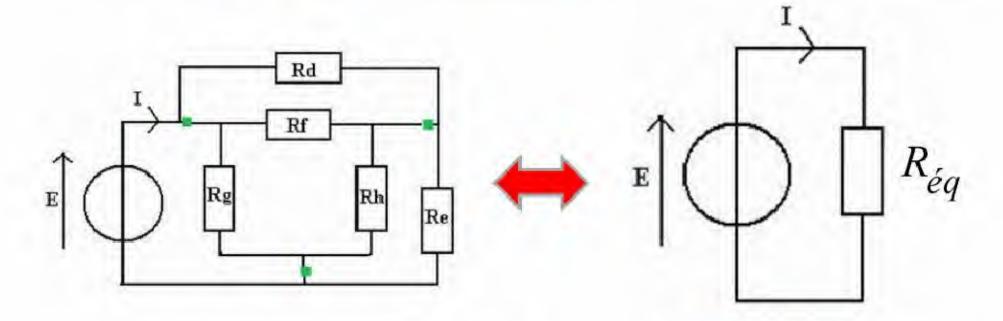
Application

Théorème de Kennelly

A partir de là, Réq = $\{(R_d \text{ parallèle } R_f) \text{ en série avec } (R_h \text{ parallèle } R_e)\}$ parallèle Rg.

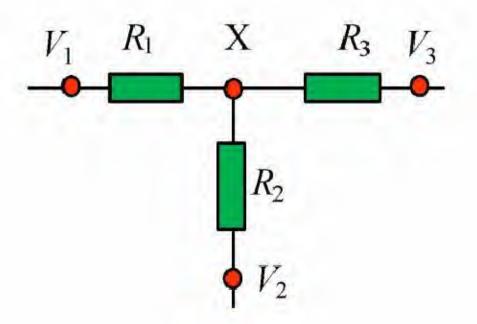
Autrement:

$$R\acute{e}q = \{ [(R_d // R_f) + (R_h // R_e)] // R_g \}$$



Théorème de Millman

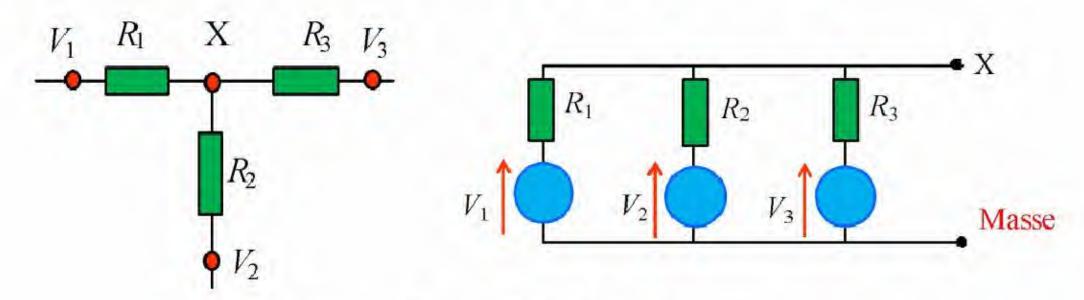
Il permet de trouver le potentiel d'un point du circuit lorsqu'on connaît les autres.



$$V_{X} = \frac{\frac{V_{1}}{R_{1}} + \frac{V_{2}}{R_{2}} + \frac{V_{3}}{R_{3}}}{\frac{1}{R_{1}} + \frac{1}{R_{2}} + \frac{1}{R_{3}}}$$

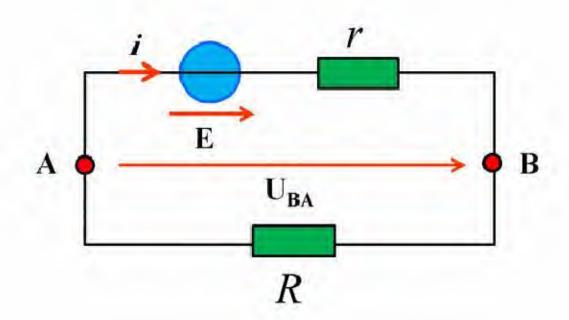
Théorème de Millman

La démonstration est immédiate à l'aide de la modélisation par un ensemble de 3 générateurs en parallèle :



$$V_{\rm X} = \sum_{k=1}^{N} \frac{V_k}{R_k} / \sum_{k=1}^{N} \frac{1}{R_k}$$

Théorème de Pouillet



$$U_{\mathrm{BA}} = E - ri = Ri$$

$$i = \frac{E}{r + R}$$

Effet Joule



Un courant électrique est un déplacement d'électrons libres dans un matériau conducteur. Lorsqu'ils se déplacent les électrons entrent en collision avec les atomes formant le matériau et donc ceux-ci se mettent à vibrer. Ces atomes étant liés entre eux, les vibrations s'amplifient dans tout le matériau, et donc sa température (qui est une mesure de leur agitation) augmente.

Cet échauffement du conducteur lors du passage du courant électrique s'appelle l'effet Joule

plaques de cuisson radiateur électrique









fer à repasser

Effet Joule

Energie électrique ou travail

Le déplacement d'une charge Q entre deux points A et B avec V_A et V_B les potentiels correspondants, s'accompagnent du travail électrique :

$$W_A^B = Q.(V_A - V_B)$$

Puissance électrique

Si le déplacement se fait à travers une résistance R.

$$R = \frac{V_A - V_B}{I}$$

Effet Joule

Energie électrique ou travail

La loi de Joule décrit le phénomène de l'effet Joule : l'énergie calorique (en joule) dégagée par un conducteur électrique de résistance R (en ohm) traversé par un courant I (en ampère) pendant un temps t (en seconde) est donnée par la relation suivante :

$$W_A^B = Q.(V_A - V_B) = I.t.R. I = R. I^2.t$$
 Loi de joule.

Le travail par unité de temps est la puissance :

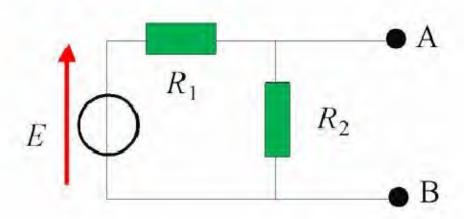
$$P = R. I^2 = \frac{V^2}{R}$$

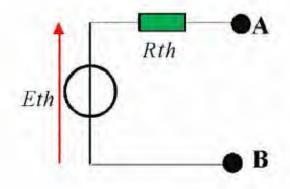
$$\begin{aligned} Q &= I.\ t \\ V_{\scriptscriptstyle A} - V_{\scriptscriptstyle B} &= R.I \end{aligned}$$

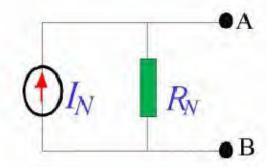
Théorème de Thévenin et de Norton.

Toute portion de circuit comprise entre 2 bornes A et B et qui ne contient que des éléments linéaires peut être modélisée par un unique générateur équivalent de Thévenin ou de Norton.

Exemple:







Théorème de Thévenin.

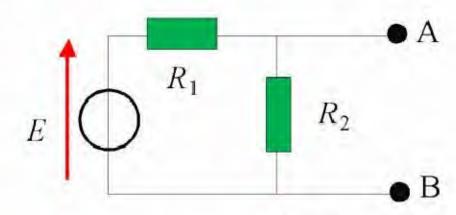
Valeur à donner à E_{TH}

C'est la même que la valeur de la tension existant "à vide" entre A et B, c'est à dire celle que relèverait un voltmètre idéal placé entre les bornes A et B.

Pour l'exemple précédent on a :

$$E_{\mathrm{TH}} = \frac{R_2}{R_1 + R_2} \cdot E$$

diviseur de tension.



$$R_{\text{TH}} = R_1 / / R_2 = \frac{R_1 + R_2}{R_1 R_2}$$



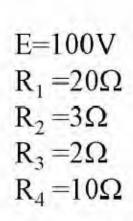
mars-12

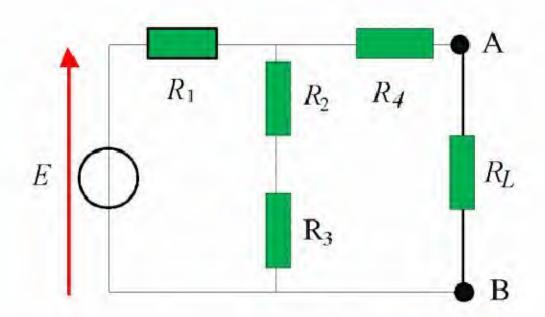
Lois fondamentales de l'électrocinétique

Théorème de Thévenin.

Application

Déterminer E_{th} et R_{th} correspondants à la représentation en circuit équivalente à la structure suivante:

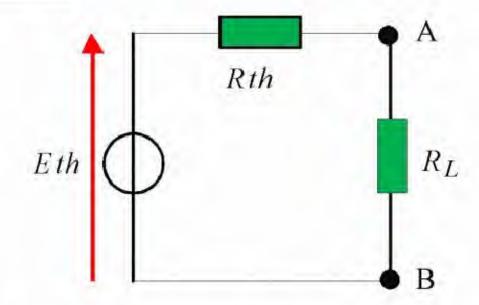




Appliquées Tétouan, UAE

Théorème de Thévenin.

Application



$$E_{\text{TH}} = \frac{R_2 + R_3}{R_1 + R_2 + R_3} \cdot E = \frac{3 + 2}{3 + 2 + 20} \cdot 100 = \frac{500}{25} = 20V$$

$$R_{\mathrm{TH}} = R_1 \, / \, / (R_2 + R_3) + R_4 = \frac{20.(3+2)}{20 + (3+2)} + 10 = 4 + 10 = 14\Omega$$
. Otman Aghzout

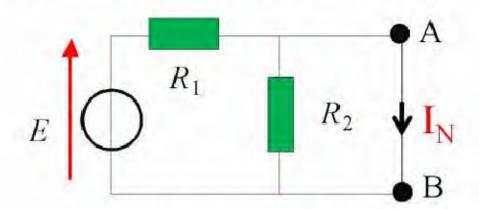
Electrocinétique

Théorème de Norton.

Valeur à donner à IN

C'est celle de l'intensité qui circulerait à travers un fil reliant les bornes A et B c'est à dire celle mesurée par un ampèremètre idéal placé entre A et B.

Dans notre exemple on obtient :



soit:
$$I_N = \frac{E}{R_1}$$

(R₂ étant court-circuitée.)

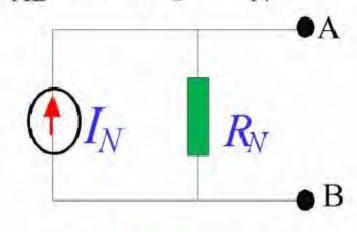
Théorème de Norton.

Pour calculer le circuit Norton équivalent :

On calcule le courant entre les bornes A et B (I_{AB}), quand les bornes A et B sont court-circuitées, c'est-à-dire quand la charge est nulle entre A et B. Ce courant est I_N .

La tension de sortie V_{AB} est calculée, quand aucune charge externe n'est connectée c'est-à-dire avec une résistance infinie entre A et B. R_N est égal à V_{AB} divisé par I_N .

Le circuit équivalent consiste en une source de courant I_N en parallèle avec une résistance R_N .



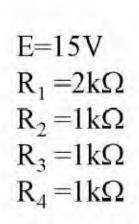
mars-12

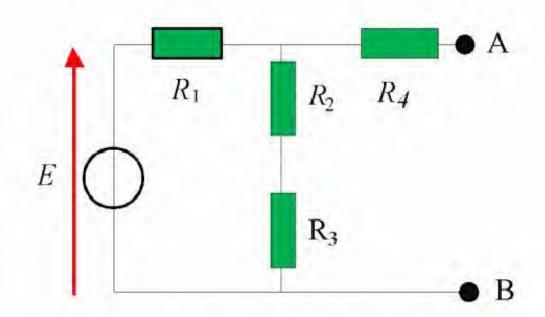
Lois fondamentales de l'électrocinétique

Théorème de Norton.

Application

Déterminer I_N et R_N correspondant à la représentation en circuit équivalente à la structure suivante:





Théorème de Norton.

Application

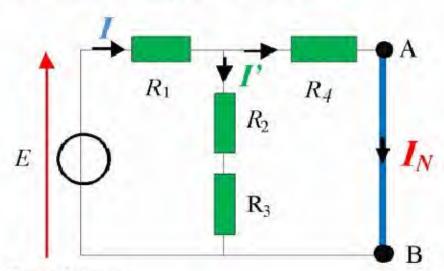
$$R_{\rm N} = R_1 / / (R_2 + R_3) + R_4 = \frac{2 \times (1+1)}{2 + (1+1)} + 1 = 1 + 1 = 2k\Omega$$

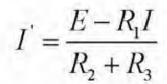
 $E = (R_1 + (R_2 + R_3) / / R_4).I$

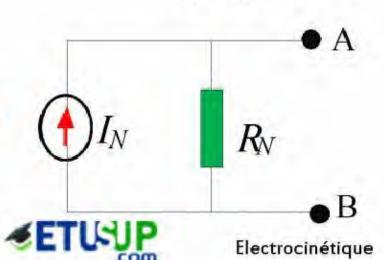
$$I = \frac{15}{(2 + (1 + 1) \times 1/(1 + 1) + 1) \cdot 10^{-3}} = \frac{15}{(2 + 2/3) \cdot 10^{-3}} = \frac{45}{8} \text{ mA} = \frac{5.625 \text{ mA}}{1.5625 \text{ mA}}$$

$$I' = \frac{E - R_1 I}{R_2 + R_3} = \frac{(15 - 2 \times 5.625)}{(1 + 1) \cdot 10^{-3}} = \frac{1.875}{1.5625}$$

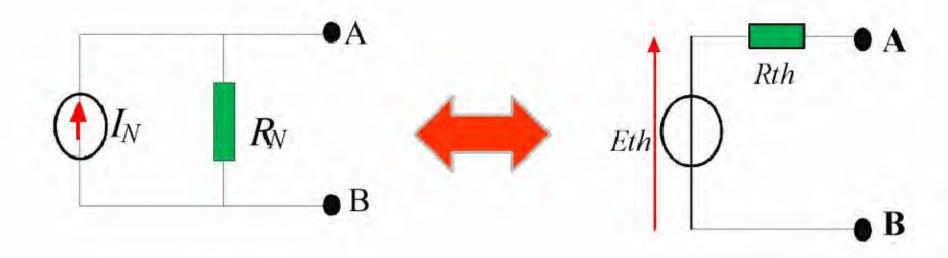
$$I_N = I - I' = 5.625 - 1.875 = 3.75 \text{ mA}$$







Théorème de Thévenin et de Norton.





Chimie Minérale
Informatique
Programmation Biologie Exercices
Lavanx Pratidnes

Lava Résumés Exercices Bureautique

et encore plus..